

Numerische Mathematik: Hausaufgabe 3

Aufgabe 1

Quelltext siehe *G08_H3_Aufgabe_1.pdf*

Variables - aWERTETABELLE									
aWERTE... x									
7x9 string									
1	2	3	4	5	6	7	8	9	
Iteration	X1	Ea1 [%]	X2	Ea2 [%]	X3	Ea3 [%]	X4	Ea4 [%]	
2 1	7.00000000000000000000...	100.0000000000000000...	4.625000000000000000...	0.48214285714285715...	0.49107142857142838...	100.000000000000000000...	0.49107142857142838...	100.000000000000000000...	
3 2	5.702380095238095260...	22.7557411273486390...	4.605287273809523810...	0.42814443816140146...	1.15630314625850360...	58.3030748724548430...	0.56513073979591821...	13.1048102694315250...	
4 3	5.46558484504913090...	3.32493448505343780...	4.45708476532974270...	0.32499785326679700...	1.30220644495937360...	0.58814077621375915...	0.58814077621375915...	3.91223482670107650...	
5 4	5.44476995356123080...	0.382129147724204171...	4.42033454753963270...	0.83138996369777596...	1.31606355171452650...	1.0529709113506660...	0.59274186127429074...	0.77623757678259153...	
6 5	5.44729516969206440...	0.046357274799499552...	4.41597948320057390...	0.09862057456622129...	1.31438542525098250...	0.112440530292598851...	0.5932092377077937...	0.0787878747765445...	
7 6	5.44865180915892380...	0.02489862656628068...	4.41612101282891520...	0.00320484035492248...	1.313727321611822840...	0.06563095804166325...	0.5931751506231914...	0.00565138535232363...	



Aufgabe 2

Quelltext siehe *G08_H3_Aufgabe_2.pdf*

```
1 clear();
2 clc();
3 close all; %Plots schließen
4
5 %KONFIGURATION-----
6 aLGS(1,:)=[ 2, 1, 4, 6];
7 aLGS(2,:)=[ 6, 4, 2, 4];
8 aLGS(3,:)=[ 2, 2, 3, 2];
9 aLGS(4,:)=[ 2, 6, 8,-6];
10
11 %PRUEFUNG-----
12 iANZAHL_GLEICHUNGEN = size(aLGS,1);
13 iANZAHL_WERTE = size(aLGS,2);
14 if(iANZAHL_GLEICHUNGEN<iANZAHL_WERTE)
15     fprintf("Scotty, wir haben ein Problem!\n");
16     fprintf("Es gibt weniger Gleichungen als Unbekannte!\n");
17     return;
18 end
19 fprintf("Systemmatrix A \n");
20 disp(aLGS);
```

Command Window

Systemmatrix A

```
2     1     4     6
6     4     2     4
2     2     3     2
2     6     8    -6
```

R-Matrix =

```
2     1     4     6
0     1    -10   -14
0     0     9     10
0     0     0     -2
```

L-Matrix =

```
1     0     0     0
3     1     0     0
1     1     1     0
1     5     6     1
```

Name	Value
aR	4x4 double
aLGS	4x4 double
aL	4x4 double



Aufgabe 3

Quelltext siehe *G08_H3_Aufgabe_3.pdf*

The screenshot shows the MATLAB environment with the following components:

- Editor:** Displays a script named `G08_H3_Aufgabe_3.m` with the following code:

```
1 - clear();
2 - clc();
3 - close all; %Plots schließen
4
5 %KONFIGURATION-----
```
- Command Window:** Shows the execution results of the script:

```
Matrix ist symmetrisch
Lineares Gleichungssystem b=A*x
    "4"    "2"    "14"    "X1"    "="    "6"
    "2"    "17"    "-5"    "X2"    "="    "-5"
    "14"    "-5"    "83"    "X3"    "="    "-25"

Positive Definitheit an Stelle: R(1,1) = 4.000000 erfolgreich geprüft
Positive Definitheit an Stelle: R(1,1) = 4.000000 erfolgreich geprüft
Positive Definitheit an Stelle: R(1,1) = 4.000000 erfolgreich geprüft
Positive Definitheit an Stelle: R(2,2) = 16.000000 erfolgreich geprüft
Positive Definitheit an Stelle: R(2,2) = 16.000000 erfolgreich geprüft
Positive Definitheit an Stelle: R(3,3) = 25.000000 erfolgreich geprüft

R-Matrix =
     2     1     7
     0     4    -3
     0     0     5

RT-Matrix =
     2     0     0
     1     4     0
     7    -3     5

RT*y=b Gleichungssystem =
    "2"    "0"    "0"    "Y1"    "="    "6"
    "1"    "4"    "0"    "Y2"    "="    "-5"
    "7"    "-3"    "5"    "Y3"    "="    "-25"

Y-Lösungsvektor =
    "Y1"    "="    "3"
    "Y2"    "="    "-2"
    "Y3"    "="    "-10.4"

R*x=Y Gleichungssystem =
    "2"    "1"    "7"    "X1"    "="    "3"
    "0"    "4"    "-3"    "X2"    "="    "-2"
    "0"    "0"    "5"    "X3"    "="    "-10.4"

X-Lösungsvektor =
    "X1"    "="    "9.81"
    "X2"    "="    "-2.06"
    "X3"    "="    "-2.08"
```
- Workspace:** Lists the variables created in the workspace:

Name	Value
aY	3x3 string
aX	3x3 string
aRXY	3x6 string
aRTYB	3x6 string
aRT	[2 0 0; 1 4 0; 7 -3 5]
aR	[2 1 7; 0 4 -3; 0 0 5]
aLGS	3x6 string



Aufg. 3)

$$A \cdot x = b \quad \text{mit} \quad A = \begin{bmatrix} 4 & 2 & 14 \\ 2 & 17 & -5 \\ 14 & -5 & 83 \end{bmatrix}, \quad b = \begin{bmatrix} 6 \\ -5 \\ -25 \end{bmatrix}$$

1. Cholesky - Zerlegung:

$$r_{11} = \sqrt{a_{11}} = 2$$

$$r_{12} = \frac{a_{12}}{r_{11}} = 1$$

$$r_{13} = \frac{a_{13}}{r_{11}} = 7$$

$$r_{22} = (a_{22} - r_{12}^2)^{\frac{1}{2}} = 4$$

$$r_{23} = \frac{(a_{23} - r_{12} \cdot r_{13})}{r_{22}} = -3$$

$$r_{33} = (a_{33} - r_{13}^2 - r_{23}^2)^{\frac{1}{2}} = 5$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 2 & 1 & 7 \\ 0 & 4 & -3 \\ 0 & 0 & 5 \end{bmatrix}$$

2. Vorwärtslösung

$$\begin{bmatrix} 4 & 2 & 14 \\ 2 & 17 & -5 \\ 14 & -5 & 83 \end{bmatrix} \xrightarrow{\substack{a_{21} = 1 \\ a_{31} = 7}} \begin{bmatrix} 4 & 2 & 6 \\ 0 & 16 & -8 \\ 14 & -5 & 83 \end{bmatrix} \xrightarrow{\substack{a_{31} = 7 \\ a_{32} = -\frac{7}{2}}} \begin{bmatrix} 4 & 2 & 6 \\ 0 & 16 & -8 \\ 0 & -12 & 62 \end{bmatrix}$$

$$\frac{z_{32}}{z_{22}} = -\frac{3}{4} \Rightarrow \begin{bmatrix} 4 & 2 & 6 \\ 0 & 16 & -8 \\ 0 & 0 & 56 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ \frac{1}{2} & 1 & 0 \\ \frac{7}{2} & -\frac{3}{4} & 1 \end{bmatrix}$$



Aufg. 3-2)

Vorwärtsauflösung:

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ \frac{1}{2} & 1 & 0 \\ \frac{7}{2} & -\frac{3}{4} & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} y_1 \\ y_2 \\ y_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 6 \\ -5 \\ -25 \end{bmatrix}$$

$$y_1 = b_1 = 6 \quad y_2 = b_2 - \frac{a_{21}}{a_{11}} \cdot b_1 = -5 - \frac{1}{2} \cdot 6 = -5$$

$$y_3 = b_3 - \frac{a_{31}}{a_{11}} \cdot b_1 - \frac{a_{32}}{a_{22}} \cdot b_2 = -25 - \frac{7}{2} \cdot 6 - \left(-\frac{3}{4}\right) \cdot (-5) = -\frac{199}{4}$$

Rückwärtsauflösung:

$$\begin{bmatrix} 4 & 2 & 6 \\ 0 & 16 & -8 \\ 0 & 0 & 56 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 6 \\ -5 \\ -\frac{199}{4} \end{bmatrix}$$

$$x_3 = z_{33} \cdot y_3 = 56 \cdot \left(-\frac{199}{4}\right) = -2786$$

$$x_2 = (y_2 - z_{23} \cdot x_3) / z_{22} = ((-5) - (-8) \cdot (-2786)) / 16 = -1393,3125$$

$$x_1 = (y_1 - a_{13} \cdot x_3 - a_{12} \cdot x_2) / a_{11} = (6 - 6 \cdot (-\frac{199}{4}) - 2 \cdot (-1393,3125)) / 4$$

$$x_1 = 772,78125$$



Aufgabe 4

Quelltext siehe G08_H3_Aufgabe_4.pdf

Nichtlineares Gleichungssystem = 0 setzen		Bildung jeder partiellen Ableitung (Jacobi-Matrix)																									
$f(x_1, x_2, \dots, n) = \begin{pmatrix} f_1(x_1, x_2, \dots, n) \\ f_2(x_1, x_2, \dots, n) \\ \vdots \\ f_n(x_1, x_2, \dots, n) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ \vdots \\ 0 \end{pmatrix}$	→	$Df(x_1, x_2, \dots, n) = \begin{pmatrix} \frac{\delta f_1(x_1, x_2, \dots, n)}{\delta x_1} & \frac{\delta f_1(x_1, x_2, \dots, n)}{\delta x_2} & \dots & \frac{\delta f_1(x_1, x_2, \dots, n)}{\delta x_n} \\ \frac{\delta f_2(x_1, x_2, \dots, n)}{\delta x_1} & \frac{\delta f_2(x_1, x_2, \dots, n)}{\delta x_2} & \dots & \frac{\delta f_2(x_1, x_2, \dots, n)}{\delta x_n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ \frac{\delta f_n(x_1, x_2, \dots, n)}{\delta x_1} & \frac{\delta f_n(x_1, x_2, \dots, n)}{\delta x_2} & \dots & \frac{\delta f_n(x_1, x_2, \dots, n)}{\delta x_n} \end{pmatrix}$																									
Lösungsvektor raten und transponieren	✓	<table><tr><th>i</th><th>x_{1,i}</th><th>x_{2,i}</th><th>...</th><th>x_{n,i}</th></tr><tr><td>0</td><td>0 + Δx_{0,1}</td><td>0 + Δx_{0,2}</td><td>...</td><td>0 + Δx_{0,n}</td></tr><tr><td>1</td><td>?</td><td>?</td><td>...</td><td>?</td></tr></table>	i	x _{1,i}	x _{2,i}	...	x _{n,i}	0	0 + Δx _{0,1}	0 + Δx _{0,2}	...	0 + Δx _{0,n}	1	?	?	...	?										
i	x _{1,i}	x _{2,i}	...	x _{n,i}																							
0	0 + Δx _{0,1}	0 + Δx _{0,2}	...	0 + Δx _{0,n}																							
1	?	?	...	?																							
$\Delta x_0 = \begin{pmatrix} \Delta x_{0,1} \\ \Delta x_{0,2} \\ \vdots \\ \Delta x_{0,n} \end{pmatrix} \rightarrow \Delta x_0^T = (\Delta x_{0,1} \quad \Delta x_{0,2} \quad \dots \quad \Delta x_{0,n})$	→																										
Lineares Gleichungssystem nach Gauß lösen	✓	Iterationsschleife																									
$Df(x_{1,i-1}, x_{2,i-1}, \dots, x_{n,i-1}) \cdot \Delta x_i = -f(x_{i-1})$		<table><tr><th>i</th><th>x_{1,i}</th><th>x_{2,i}</th><th>...</th><th>x_{n,i}</th></tr><tr><td>0</td><td>x_{0,1}</td><td>x_{0,2}</td><td>...</td><td>x_{0,n}</td></tr><tr><td>1</td><td>x_{i-1,1} + Δx_{i,1}</td><td>x_{i-1,2} + Δx_{i,2}</td><td>...</td><td>x_{i-1,n} + Δx_{i,n}</td></tr><tr><td>2</td><td>...</td><td>...</td><td>...</td><td>...</td></tr><tr><td>...</td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr></table>	i	x _{1,i}	x _{2,i}	...	x _{n,i}	0	x _{0,1}	x _{0,2}	...	x _{0,n}	1	x _{i-1,1} + Δx _{i,1}	x _{i-1,2} + Δx _{i,2}	...	x _{i-1,n} + Δx _{i,n}	2				
i	x _{1,i}	x _{2,i}	...	x _{n,i}																							
0	x _{0,1}	x _{0,2}	...	x _{0,n}																							
1	x _{i-1,1} + Δx _{i,1}	x _{i-1,2} + Δx _{i,2}	...	x _{i-1,n} + Δx _{i,n}																							
2																							
...																											
↓																											
$\Delta x_i = \begin{pmatrix} \Delta x_{i,1} \\ \Delta x_{i,2} \\ \vdots \\ \Delta x_{i,n} \end{pmatrix} \rightarrow \Delta x_i^T = (\Delta x_{i,1} \quad \Delta x_{i,2} \quad \dots \quad \Delta x_{i,n})$	↔																										

Abbruchkriterium	Parameter
$\text{if } ((x_{1,i} - x_{1,i-1} < \varepsilon) \&\& (x_{2,i} - x_{2,i-1} < \varepsilon) \&\& \dots \&\& (x_{n,i} - x_{n,i-1} < \varepsilon))$	Toleranz $\varepsilon = \{\mathbb{R}^+\}$

$$Df(x_1, x_2) = \begin{pmatrix} \frac{\delta f_1(x_1, x_2, \dots, n)}{\delta x_1} & \frac{\delta f_1(x_1, x_2, \dots, n)}{\delta x_2} \\ \frac{\delta f_2(x_1, x_2, \dots, n)}{\delta x_1} & \frac{\delta f_2(x_1, x_2, \dots, n)}{\delta x_2} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{2x_1}{\delta x_1} & \frac{4x_2}{\delta x_2} \\ \frac{4x_1}{\delta x_1} & \frac{8x_2^3}{\delta x_2} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 24x_2^2 \end{pmatrix}$$



Lösungsvektor 0;0

Als Startvektor wird 1;1 gewählt

k	A	Δx	$Ergebnis$	x_k
0	$\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 24 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} -3 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} -6 \\ -12 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}$
1	$\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 24 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} -2 \\ 1 \end{pmatrix}$
2	$\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 24 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} -2 \\ 1 \end{pmatrix}$
3	$\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 24 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} -2 \\ 1 \end{pmatrix}$
4	$\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 24 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} -2 \\ 1 \end{pmatrix}$

Lösungsvektor 2;-1

Als Startvektor wird 1;-1 gewählt

k	A	Δx	$Ergebnis$	x_k
0	$\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 24 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 2 \\ 4 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 1 \\ -1 \end{pmatrix}$
1	$\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 24 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 2 \\ -1 \end{pmatrix}$
2	$\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 24 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 2 \\ -1 \end{pmatrix}$
3	$\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 24 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 2 \\ -1 \end{pmatrix}$
4	$\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 24 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 2 \\ -1 \end{pmatrix}$



Aufgabe 5

Quelltext siehe *G08_H3_Aufgabe_5.pdf*

Nichtlineares Gleichungssystem = 0 setzen		Bildung jeder partiellen Ableitung (Jacobi-Matrix)																									
$f(x_1, x_2, \dots, n) = \begin{pmatrix} f_1(x_1, x_2, \dots, n) \\ f_2(x_1, x_2, \dots, n) \\ \vdots \\ f_n(x_1, x_2, \dots, n) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ \vdots \\ 0 \end{pmatrix}$	→	$Df(x_1, x_2, \dots, n) = \begin{pmatrix} \frac{\delta f_1(x_1, x_2, \dots, n)}{\delta x_1} & \frac{\delta f_1(x_1, x_2, \dots, n)}{\delta x_2} & \dots & \frac{\delta f_1(x_1, x_2, \dots, n)}{\delta x_n} \\ \frac{\delta f_2(x_1, x_2, \dots, n)}{\delta x_1} & \frac{\delta f_2(x_1, x_2, \dots, n)}{\delta x_2} & \dots & \frac{\delta f_2(x_1, x_2, \dots, n)}{\delta x_n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ \frac{\delta f_n(x_1, x_2, \dots, n)}{\delta x_1} & \frac{\delta f_n(x_1, x_2, \dots, n)}{\delta x_2} & \dots & \frac{\delta f_n(x_1, x_2, \dots, n)}{\delta x_n} \end{pmatrix}$																									
Lösungsvektor raten und transponieren	✓	<table><tr><th>i</th><th>x_{1,i}</th><th>x_{2,i}</th><th>...</th><th>x_{n,i}</th></tr><tr><td>0</td><td>0 + Δx_{0,1}</td><td>0 + Δx_{0,2}</td><td>...</td><td>0 + Δx_{0,n}</td></tr><tr><td>1</td><td>?</td><td>?</td><td>...</td><td>?</td></tr></table>	i	x _{1,i}	x _{2,i}	...	x _{n,i}	0	0 + Δx _{0,1}	0 + Δx _{0,2}	...	0 + Δx _{0,n}	1	?	?	...	?										
i	x _{1,i}	x _{2,i}	...	x _{n,i}																							
0	0 + Δx _{0,1}	0 + Δx _{0,2}	...	0 + Δx _{0,n}																							
1	?	?	...	?																							
$\Delta x_0 = \begin{pmatrix} \Delta x_{0,1} \\ \Delta x_{0,2} \\ \vdots \\ \Delta x_{0,n} \end{pmatrix} \rightarrow \Delta x_0^T = (\Delta x_{0,1} \quad \Delta x_{0,2} \quad \dots \quad \Delta x_{0,n})$	→																										
Lineares Gleichungssystem nach Gauß lösen	✓	Iterationsschleife																									
$Df(\Delta x_{0,1}, \Delta x_{0,2}, \dots, \Delta x_{0,n}) \cdot \Delta x_i = -f(x_{i-1})$		<table><tr><th>i</th><th>x_{1,i}</th><th>x_{2,i}</th><th>...</th><th>x_{n,i}</th></tr><tr><td>0</td><td>x_{0,1}</td><td>x_{0,2}</td><td>...</td><td>x_{0,n}</td></tr><tr><td>1</td><td>x_{i-1,1} + Δx_{i,1}</td><td>x_{i-1,2} + Δx_{i,2}</td><td>...</td><td>x_{i-1,n} + Δx_{i,n}</td></tr><tr><td>2</td><td>...</td><td>...</td><td>...</td><td>...</td></tr><tr><td>...</td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr></table>	i	x _{1,i}	x _{2,i}	...	x _{n,i}	0	x _{0,1}	x _{0,2}	...	x _{0,n}	1	x _{i-1,1} + Δx _{i,1}	x _{i-1,2} + Δx _{i,2}	...	x _{i-1,n} + Δx _{i,n}	2				
i	x _{1,i}	x _{2,i}	...	x _{n,i}																							
0	x _{0,1}	x _{0,2}	...	x _{0,n}																							
1	x _{i-1,1} + Δx _{i,1}	x _{i-1,2} + Δx _{i,2}	...	x _{i-1,n} + Δx _{i,n}																							
2																							
...																											
↓																											
$\Delta x_i = \begin{pmatrix} \Delta x_{i,1} \\ \Delta x_{i,2} \\ \vdots \\ \Delta x_{i,n} \end{pmatrix} \rightarrow \Delta x_i^T = (\Delta x_{i,1} \quad \Delta x_{i,2} \quad \dots \quad \Delta x_{i,n})$	↔																										

Abbruchkriterium	Parameter
$\text{if } ((x_{1,i} - x_{1,i-1} < \varepsilon) \&\& (x_{2,i} - x_{2,i-1} < \varepsilon) \&\& \dots \&\& (x_{n,i} - x_{n,i-1} < \varepsilon))$	Toleranz $\varepsilon = \{\mathbb{R}^+\}$

$$Df(x_{01}, x_{02}) = \begin{pmatrix} \frac{\delta f_1(x_{01}, x_{02}, \dots, n)}{\delta x_1} & \frac{\delta f_1(x_{01}, x_{02}, \dots, n)}{\delta x_2} \\ \frac{\delta f_2(x_{01}, x_{02}, \dots, n)}{\delta x_1} & \frac{\delta f_2(x_{01}, x_{02}, \dots, n)}{\delta x_2} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{2x_{01}}{\delta x_1} & \frac{4x_{02}}{\delta x_2} \\ \frac{4x_{01}}{\delta x_1} & \frac{8x_{02}^3}{\delta x_2} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 24x_{02}^2 \end{pmatrix}$$



Lösungsvektor 0;0

Als Startvektor wird 1;1 gewählt

k	A	Δx	$Ergebnis$	x_k
0	$\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 24 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} -3 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} -6 \\ -12 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}$
1	$\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 24 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} -2 \\ 1 \end{pmatrix}$
2	$\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 24 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} -2 \\ 1 \end{pmatrix}$
3	$\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 24 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} -2 \\ 1 \end{pmatrix}$
4	$\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 24 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} -2 \\ 1 \end{pmatrix}$
5	$\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 24 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} -2 \\ 1 \end{pmatrix}$
6	$\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 24 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} -2 \\ 1 \end{pmatrix}$
7	$\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 24 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} -2 \\ 1 \end{pmatrix}$
8	$\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 24 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} -2 \\ 1 \end{pmatrix}$
9	$\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 24 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} -2 \\ 1 \end{pmatrix}$
10	$\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 24 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} -2 \\ 1 \end{pmatrix}$

Lösungsvektor 2;-1

Als Startvektor wird 1;-1 gewählt

k	A	Δx	$Ergebnis$	x_k
0	$\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 24 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 2 \\ 4 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 1 \\ -1 \end{pmatrix}$
1	$\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 24 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 2 \\ -1 \end{pmatrix}$
2	$\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 24 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 2 \\ -1 \end{pmatrix}$
3	$\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 24 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 2 \\ -1 \end{pmatrix}$
4	$\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 24 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 2 \\ -1 \end{pmatrix}$
5	$\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 24 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 2 \\ -1 \end{pmatrix}$
6	$\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 24 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 2 \\ -1 \end{pmatrix}$
7	$\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 24 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 2 \\ -1 \end{pmatrix}$
8	$\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 24 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 2 \\ -1 \end{pmatrix}$
9	$\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 24 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 2 \\ -1 \end{pmatrix}$
10	$\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 24 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 2 \\ -1 \end{pmatrix}$



Aufgabe 6

Quelltext siehe *G08_H3_Aufgabe_6.pdf*

Editor - C:\Users\koenigal.DIKAM\Desktop\HA3\HA3 Aufg... x Workspace Variables - BERECHNUNG

G08_H3_Aufgabe_6.m

```
1 clear();
2 clc();
3 close all;
4
5 %INITIALISIERUNG-----
6 syms a b c d e f g h i j k l m n o
7
8 %KONFIGURATION-----
9 vVARIABLEN = [x, y];
10 symNLGS(1,1) = -x*(x+1) + 2*
11 symNLGS(2,1) = (x-1)^2 + (y-
12 vSTARTVEKTOR(1) = 2;
13 vSTARTVEKTOR(2) = 11;
14 ik = 3;
15 dGENAUIGKEIT = 10^-3;
16 iMODUS = 2;
17
18
19
20
21
22 %INITIALISIERUNG-----
23 NLGS = arrayfun(@cha
24 vSTARTVEKTOR = vSTARTVEKTOR'
25 X(1,1) = {'X0'};
26 X(1,2) = {vSTARTVEKTOR
27 iLAENGE_STARTVEKTOR = length(vSTART
28 BERECHNUNG(1,1) = {'k'};
29 BERECHNUNG(1,2) = {'A'};
30 BERECHNUNG(1,3) = {'*Delta X'};
31 BERECHNUNG(1,4) = {'=Ergebnis'};
32
33 %BERECHNUNG-----
34 %Bildung der Jacobi-Matrix Df
35 symDF=jacobian(symNLGS,vVARIABLEN);
36 Df = arrayfun(@char, symDF, 'unifor
37
38 switch(iMODUS)
39 case 1
```

Workspace

Name

- X
- NLGS
- Df
- BERECHNUNG

Variables - BERECHNUNG

4x4 cell

	1	2	3	4
1	"k"	"A"	"*Delta X"	"=Ergebnis"
2	0	2x2 cell	[-0.4074;-0.0185]	2x1 cell
3	1	2x2 cell	[-0.0451;-0.0113]	2x1 cell
4	2	2x2 cell	[-5.7152e-04;-1.5435e-04]	2x1 cell
5				
6				
7				
8				
9				
10				
11				
12				
13				
14				
15				
16				
17				
18				
19				
20				
21				
22				
23				
24				
25				
26				
27				
28				
29				
30				
31				
32				
33				
34				